

0. プラズマとは？

固体 液体 気体 プラズマ (電離気体)

イオン化
(電場を使う)

イオン・電子の運動

電場・磁場

長距離力 (電磁相互作用) 多体相関 集団運動
高温プラズマでは衝突による散逸が小さい 非線形効果が強調される

SI 単位系 (温度は eV $\rightarrow k_B = 1$)

プラズマの応用例

核融合 (現存装置でほぼ $Q \equiv P_{out}/P_{in} = 1$ 達成) \rightarrow ITER で $Q = 10$ (燃焼プラズマ) を目指す。

宇宙・天体プラズマ

産業用プラズマ (半導体チップのエッチング等)

X 線レーザー、プラズマ TV 等

プラズマの熱的速度分布

温度 T の熱平衡状態にあるプラズマ中の粒子がエネルギー W をもつ確率 $\propto \exp(-W/T)$

ポテンシャルエネルギーが一様な場合 ($W = \frac{mv^2}{2}$)

Maxwell-Boltzmann distribution function ($\int f dv_x dv_y dv_z = n$ で規格化)

$$f_M = n \left(\frac{m}{2\pi T} \right)^{\frac{3}{2}} \exp\left(-\frac{mv^2}{2T} \right)$$

Debye 遮蔽

温度一様のプラズマを考える。Boltzmann factor は $\exp\left(-\frac{mv^2}{2T} - \frac{q\phi}{T}\right)$ 。

速度積分すると密度分布が得られる。

$$n \propto \exp\left(-\frac{q\phi}{T}\right)$$

電子（イオン）はポテンシャルの高い（低い）ところに集まろうとする。

平面電極から垂直方向の 1 次元を考える。

十分遠くでは正味電荷はゼロ ($n_e = Zn_i = n_{e\infty}$) という境界条件を用いる。

$$n_e(x) = n_{e\infty} \exp\left(\frac{e\phi}{T_e}\right)$$

$$Zn_i(x) = n_{e\infty} \exp\left(-\frac{Ze\phi}{T_i}\right)$$

Poisson 方程式に代入

$$\epsilon_0 \frac{d^2\phi}{dx^2} = e(n_e - Zn_i) = en_{e\infty} \left[\exp\left(\frac{e\phi}{T_e}\right) - \exp\left(-\frac{Ze\phi}{T_i}\right) \right] \approx \frac{e^2 n_{e\infty}}{T_e} \left(1 + \frac{ZT_e}{T_i}\right) \phi \quad \text{for } e\phi \ll T$$

解は

$$\phi \propto \exp(-x/\lambda_D) \quad 3 \text{次元 (点電荷) の場合は } \phi \propto \frac{1}{r} \exp(-r/\lambda_D)$$

$$\text{但し } \lambda_D \equiv \left[\frac{\epsilon_0 T_e}{n_e e^2} \frac{1}{\left(1 + \frac{ZT_e}{T_i}\right)} \right]^{\frac{1}{2}}$$

通常イオンの項を無視して

$$\lambda_D \equiv \left(\frac{\epsilon_0 T_e}{n_e e^2} \right)^{\frac{1}{2}}$$

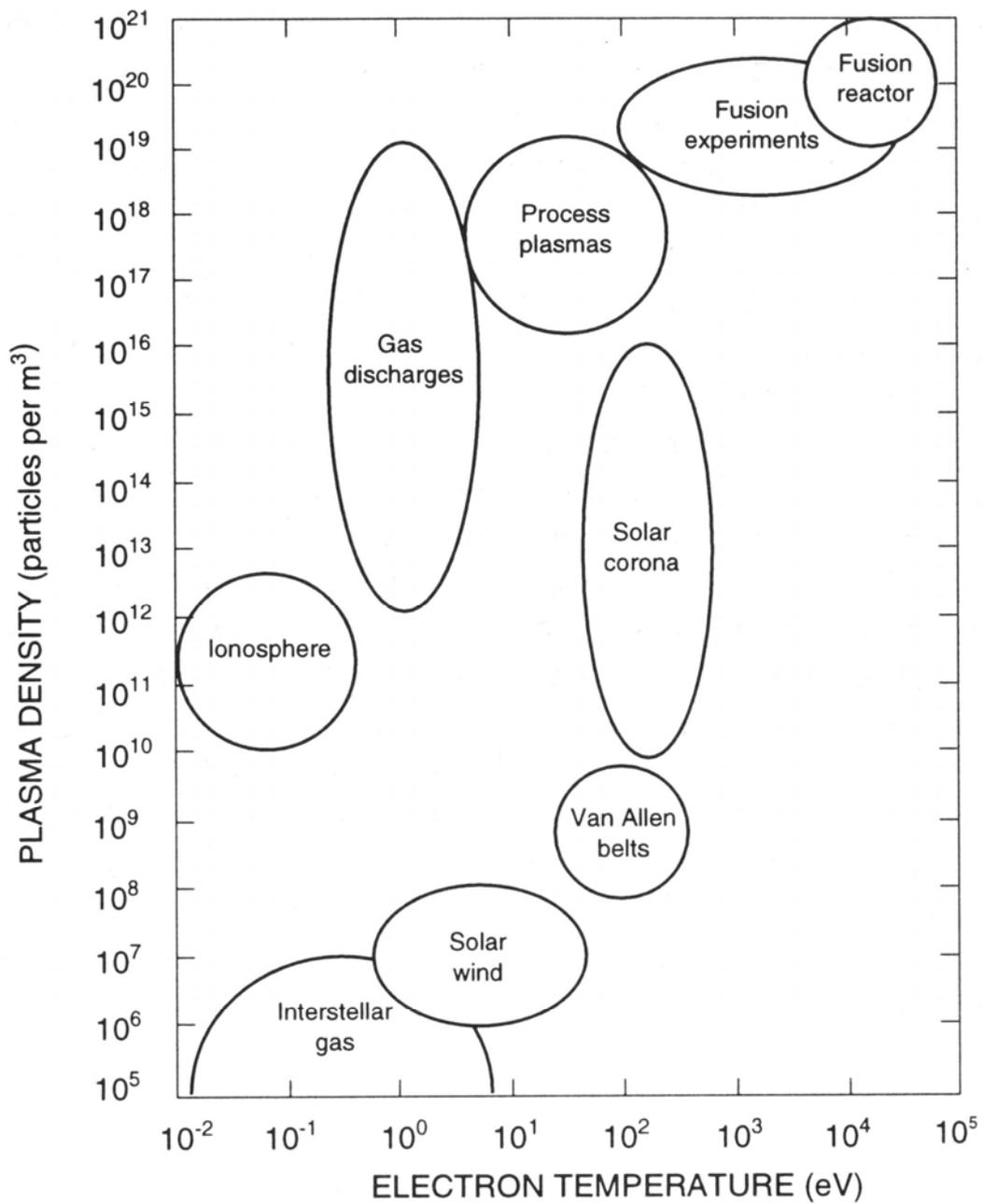
を使う。

プラズマの条件

$$\lambda_D \ll L \quad (\text{プラズマの大きさ})$$

$$n \frac{4\pi}{3} \lambda_D^3 \gg 1$$

例： $T_e = 3 \text{ eV}$, $n_e = 10^{19} \text{ m}^{-3}$ のプラズマ $\rightarrow \lambda_D \approx 3 \times 10^{-6} \text{ m}$, $n \frac{4\pi}{3} \lambda_D^3 \approx 10^3$



典型的なプラズマの温度および密度